



Proljetno kolo 2019./2020.

ŠKOLA	
BROJ EKIPE	
KATEGORIJA	C4
POVJERENIK NATJECANJA	

R.B.	IME I PREZIME UČENIKA	RAZRED	IME I PREZIME MENTORA
1.			
2.			
3.			
4.			

ODGOVORI:

1. razred		2. razred		3. razred		4. razred	
1.1.		2.1.		3.1.		4.1.	
1.2.		2.2.		3.2.		4.2.	
1.3.		2.3.		3.3.		4.3.	
1.4.		2.4.		3.4.		4.4.	
1.5.		2.5.		3.5.		4.5.	
1.6.		2.6.		3.6.		4.6.	
1.7.		2.7.		3.7.		4.7.	
1.8.		2.8.		3.8.		4.8.	
1.9.		2.9.		3.9.		4.9.	
1.10.		2.10.		3.10.		4.10.	
1.11.		2.11.		3.11.		4.11.	
1.12.		2.12.		3.12.		4.12.	

I ♥ MATematika

www.matzelcic.com.hr

Autorica zadatka: Maja Zelčić, profesorica matematike

Recenzenti: Ana Janjić, mag. educ. math.
Jakov Budić, student PMF

TOČAN ODGOVOR : 10 bodova	ODGOVOR „E“ : 0 bodova	OSTALO : -2 boda
----------------------------------	-------------------------------	-------------------------

1.1. Koliko postoji troznamenastih brojeva manjih od 500 kojima je umnožak znamenaka jednak 8?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
8	6	9	7	

1.2. Koje je vrste manji kut koji u 15:30 zatvaraju mala i velika kazaljka sata?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
pravi	šiljast	tupi	ispruženi	

1.3. Uz desnu stranu ulice posađen je drvodred breza u jednakim razmacima od 5 m, a uz lijevu stranu ulice posađen je drvodred hrasta u jednakim razmacima od 4 m. Kolika je ukupna duljina oba drvoreda ako su posađeni 72 stabla breze i 91 stablo hrasta?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
710 m	720 m	724 m	715 m	

TOČAN ODGOVOR: 20 bodova	ODGOVOR „E“ : 0 bodova	OSTALO : -4 boda
---------------------------------	-------------------------------	-------------------------

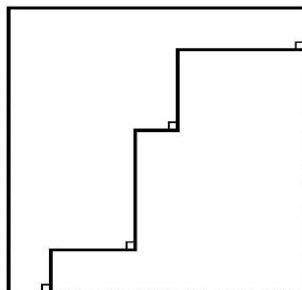
1.4. Robert je napisao sve brojeve od 13 do 130:

13, 14, 15, ..., 128, 129, 130.

Koliko je puta pritom napisao znamenku 3?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
20	21	22	23	

1.5. Koliki je opseg lika na slici izrezanog iz kvadrata površine 196 cm^2 ?



A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
28 cm	14 cm	56 cm	Nije moguće odrediti.	

1.6. Ana želi nacrtati sve trokute kojima su duljine stranica, iskazane u centimetrima, različiti prirodni brojevi i opseg im je 15 cm. Koliko takvih trokuta Ana može nacrtati?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
3	5	8	12	

1.7. Nad katetama jednakokračnoga pravokutnog trokuta ABC s pravim kutom u vrhu C nacrtani su jednakokrani trokuti CBM i ACN . Kolika je veličina kuta najvećeg kuta u trokutu NMC ?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
150°	120°	100°	90°	

TOČAN ODGOVOR: 30 bodova

ODGOVOR „E“ : 0 bodova

OSTALO : -6 bodova

1.8. Ana je na izletu potrošila 32 kn i polovicu ostatka novca koji je nakon toga imala u novčaniku. Preostala joj je četvrtina novca koji je ponijela od kuće. Za taj iznos kupila je dva sladoleda. Kolika je cijena jednog sladoleda?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
16 kn	9 kn	8 kn	Nije moguće odrediti.	

1.9. Koliki je zbroj svih cijelih brojeva n za koje je razlomak $\frac{24}{n}$ također cijeli broj?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
60	36	54	0	

1.10. Janica i Ivica grade toranj od kockica. Ako bi toranj gradila sama Janica, njoj bi za to trebala 3 sata. Ukoliko bi toranj gradio sam Ivica, on bi ga izgradio za 2 sata. Njihov maleni brat Jurica voli rastavljati kockice i on može rastaviti cijeli toranj za 5 sati. Ako Janica i Ivica zajedno grade, a to vrijeme mali im Jurica rastavlja, za koliko će vremena toranj biti sagrađen?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
1h 35 min	1h 22 min	1h 33 min	1h 58 min	

1.11. U četvrtinu kruga upisana je kružnica promjera $4\sqrt{2}$ cm. Koliki je polumjer toga kruga?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
$8\sqrt{2}$ cm	$4 + 6\sqrt{2}$ cm	$2\sqrt{2} - 2$ cm	$4 + 2\sqrt{2}$ cm	

1.12. U pravilni šesterokut $ABCDEF$ upisan je trokut ACE . Kako se odnose opsezi šesterokuta i trokuta?

A.	B.	C.	D.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
$1:\sqrt{3}$	$2:\sqrt{3}$	1:2	$4:\sqrt{3}$	

TOČAN ODGOVOR : 10 bodova	ODGOVOR „E“ : 0 bodova	OSTALO : -2 boda
----------------------------------	-------------------------------	-------------------------

2.1. Baka Marica i njezina unuka Janica gule krumpire i stavljaju ih u zdjelu. Baka svakih 5 minuta stavlja 12, a njezina unuka Janica svake 3 minute stavlja 5 oguljenih krumpira. Nakon koliko će vremena u zdjeli biti najmanje 40 ali ne više od 45 krumpira?

A. 10 minuta	B. 12 minuta	C. 15 minuta	D. 18 minuta	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
------------------------	------------------------	------------------------	------------------------	--

2.2. Od 24 učenika 7.a razreda njih je petero u petak bilo odsutno s nastave. 13 učenika toga je dana dobilo ocjenu odličan iz pročitane lektire, a 16 učenika ocjenu odličan iz preskakanja prepona. Koliko je učenika 7.a razreda toga petka dobilo dvije ocjene odličan: iz lektire i preskakanja prepona?

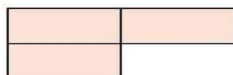
A. 5	B. 10	C. 13	D. Nije moguće odrediti.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
----------------	-----------------	-----------------	------------------------------------	--

2.3. Tina ove godine ima rođendan u četvrtak. Koji dan u tjednu ove godine ima rođendan njezina prijateljica Tena koja je od nje mlađa 52 dana?

A. ponedjeljak	B. utorak	C. srijeda	D. nedjelja	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
--------------------------	---------------------	----------------------	-----------------------	--

TOČAN ODGOVOR: 20 bodova	ODGOVOR „E“ : 0 bodova	OSTALO : -4 boda
---------------------------------	-------------------------------	-------------------------

2.4. Malom mravu trebaju 32 minute da obiđe rub stola pravokutnog oblika. Ako uz dva susjedna ruba tog stola spojimo dva nova takva jednaka stola, dobijemo stol oblika kao na slici. Koliko bi vremena trebalo mravu da ga obiđe?



A. 64 min	B. 128 min	C. 96 min	D. Nije moguće odrediti.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
---------------------	----------------------	---------------------	------------------------------------	--

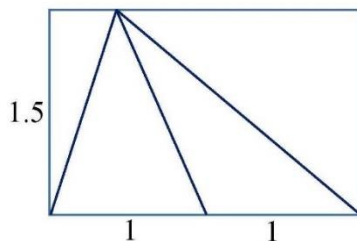
2.5. Dino igra nogomet svaki drugi dan, Damir svaki treći dan, Dubravko svaki šesti dan, a Donat jednom tjedno. Ako su se 1. siječnja prvi put susreli, koliko puta godišnje će se sva četvorica sresti na nogometnom igralištu?

A. 6	B. 7	C. 8	D. 9	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
----------------	----------------	----------------	----------------	--

2.6. Koliko je troznamenkastih brojeva djeljivo i s 4 i sa 6?

A. 73	B. 74	C. 75	D. 76	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	--

2.7. Koliki je zbroj površina svih trokuta na slici?



A.	B.	C.	D.	E.
6	3	4.5	Nije moguće odrediti.	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

TOČAN ODGOVOR: 30 bodova**ODGOVOR „E“ : 0 bodova****OSTALO : -6 bodova**2.8. Koji je od brojeva A i B veći:

$$A = \frac{12345678}{12345677}, B = \frac{12345677^2 - 1}{12345677^2 - 12345677} ?$$

A.	B.	C.	D.	E.
A	B	jednaki su	Nije moguće odrediti.	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

2.9. Funkcija $f(x) = a(x+2)(x-1)$ ima maksimalnu vrijednost 4. Koliki je a ?

A.	B.	C.	D.	E.
4	$-\frac{16}{9}$	$-\frac{9}{4}$	ništa od navedenoga	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

2.10. Koji od intervala pripada skupu rješenja nejednadžbe $\frac{|x^2 - x| - 2}{x^2 + x} \geq 0$?

A.	B.	C.	D.	E.
$x \in \langle -\infty, 0 \rangle$	$x \in \langle 0, 2 \rangle$	$x \in \langle -1, 2 \rangle$	$x \in \langle -1, 0 \rangle$	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

2.11. Kružnice polumjera 6 cm i 3 cm diraju se izvana. Kolika je udaljenost dirališta njihove zajedničke tangente?

A.	B.	C.	D.	E.
9 cm	$4\sqrt{2}$ cm	$6\sqrt{2}$ cm	Nije moguće odrediti.	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

2.12. Sustav nejednadžbi $\begin{cases} x - y - 1 \leq 0 \\ x - 2y + 2 \geq 0 \\ y + 1 \geq 0 \end{cases}$ određuje skup točaka u ravnini. Kolika je površina toga lika?

A.	B.	C.	D.	E.
2.5	8	4	6	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

TOČAN ODGOVOR : 10 bodova	ODGOVOR „E“ : 0 bodova	OSTALO : -2 boda
----------------------------------	-------------------------------	-------------------------

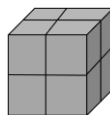
3.1. Malena Marica ima 18 mrkvi i želi ih dati zečevima. Ako Marica ima 4 zeca (Mikija, Tikija, Sikija i Zikija) i svakom želi dati najmanje 3, a najviše 5 mrkvi, na koliko načina Marica može podijeliti svojim zečevima svih 18 mrkvi?

A.	B.	C.	D.	E.
6	4	10	ništa od navedenoga	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

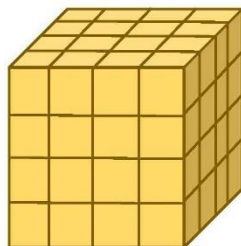
3.2. Jednakokračnom trokutu ABC s kutom nasuprot osnovici \overline{AB} veličine 40° doctan je s iste strane ravnine u odnosu na AB jednakokračan trokut ABD s kutom uz osnovicu \overline{BD} veličine 65° . Kolika je veličina kuta $\angle DAC$?

A.	B.	C.	D.	E.
40°	35°	20°	Nije moguće odrediti.	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

3.3 Ivica je od 8 sivih kockica složio kocku kao na slici:



Nakon toga tu je sivu kocku nadogrudio (oko nje) sa žutim kockicama i dobio ovakvu kocku:



Koliko je žutih kockica Ivan upotrijebio?

A.	B.	C.	D.	E.
64	96	56	88	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

TOČAN ODGOVOR: 20 bodova	ODGOVOR „E“ : 0 bodova	OSTALO : -4 boda
---------------------------------	-------------------------------	-------------------------

3.4. Polumjer većega kruga 12 puta veći je od promjera manjeg kruga. Koliko puta je površina većega kruga veća od površine manjeg kruga?

A.	B.	C.	D.	E.
6	12	144	576	Ne želimo odgovoriti na pitanje.

3.5. Interval rasta funkcije $f(x) = x^2 - 4x$ je:

A. $\langle -\infty, 2 \rangle$	B. $\langle 2, \infty \rangle$	C. $\langle -\infty, -4 \rangle$	D. $\langle -4, \infty \rangle$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
---	--	--	---	--

3.6. Rješenje nejednadžbe $2^{\log(x-3)} < \frac{1}{2}$ je:

A. $\langle -\infty, 3.1 \rangle$	B. $\langle 3.1, \infty \rangle$	C. $\langle 3, 3.1 \rangle$	D. $\langle -\infty, 13 \rangle$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
---	--	---------------------------------------	--	--

3.7. U polukuglu polumjera $\sqrt{6}$ cm upisana je pravilna četverostrana piramida. Koliki je njezin obujam?

A. $4\sqrt{6} \text{ cm}^3$	B. $6\sqrt{3} \text{ cm}^3$	C. $12\sqrt{6} \text{ cm}^3$	D. ništa od navedenoga	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
---------------------------------------	---------------------------------------	--	----------------------------------	--

TOČAN ODGOVOR: 30 bodova

ODGOVOR „E“ : 0 bodova

OSTALO : -6 bodova

3.8. Kolika je najveća vrijednost funkcije $f(x) = 4\sin(\pi x)\cos(\pi x)$?

A. 0.5	B. 2	C. 4	D. 8	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
------------------	----------------	----------------	----------------	--

3.9. Ako je $\alpha + \beta = 150^\circ$ i $\operatorname{tg}\alpha = 2$, koliko je $\operatorname{tg}\beta$?

A. $8 + 5\sqrt{3}$	B. $8 - 5\sqrt{3}$	C. $\frac{8 + 5\sqrt{3}}{11}$	D. $\frac{8 - 5\sqrt{3}}{11}$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
------------------------------	------------------------------	---	---	--

3.10. Ako stožac presiječemo ravninom paralelnom s ravninom baze na polovici visine stošca, u kojem su omjeru obujmovi tako dobivenih tijela?

A. 8 : 1	B. 2 : 1	C. 4 : 1	D. 7 : 1	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
--------------------	--------------------	--------------------	--------------------	--

3.11. Koliko rješenja ima jednadžba $2\log_2(\sin 3x) = \log_{\sqrt{2}}(\cos 3x)$ u intervalu $[0, \pi]$?

A. 2	B. 3	C. 4	D. 8	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
----------------	----------------	----------------	----------------	--

3.12. Kvadrat površine 324 cm^2 rotira oko svoje dulje osi simetrije. Odredite oplošje rotacionog tijela.

A. $324\sqrt{2} \pi \text{ cm}^2$	B. $162\sqrt{2} \pi \text{ cm}^2$	C. $1944\sqrt{2} \pi \text{ cm}^2$	D. $216\sqrt{2} \pi \text{ cm}^2$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
---	---	--	---	--

TOČAN ODGOVOR : 10 bodova	ODGOVOR „E“ : 0 bodova	OSTALO : -2 boda
----------------------------------	-------------------------------	-------------------------

4.1. Koja od navedenih tvrdnji nije uvijek točna?

A. Ako je broj djeljiv s 12, onda je djeljiv s 3 i s 4.	B. Ako je broj djeljiv s 2 i sa 6, onda je djeljiv s 12.	C. Ako je broj djeljiv s 3 i s 4, onda je djeljiv s 12.	D. Ako je broj djeljiv s 12, onda je djeljiv s 2 i sa 6.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
--	---	--	---	--

4.2. Koliki je središnji kut kružnog isječka čija je površina 30 % površine cijeloga kruga?

A. 108°	B. 120°	C. 150°	D. 60°	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
-------------------	-------------------	-------------------	------------------	--

4.3. Ako su duljine stranica trokuta $\sqrt{3}$, $2\sqrt{3}$ i 3, koliki je najmanji kut tog trokuta?

A. 30°	B. 45°	C. 60°	D. Nije moguće odrediti.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
------------------	------------------	------------------	------------------------------------	--

TOČAN ODGOVOR: 20 bodova	ODGOVOR „E“ : 0 bodova	OSTALO : -4 boda
---------------------------------	-------------------------------	-------------------------

4.4. Matko je svakog prvog u mjesecu u svoju kasicu stavljao 50 kn i nakon godinu dana u kasci je imao 2 000 kn. Koliko bi kuna Matko imao u kasci da je umjesto toga svakog prvog u mjesecu u kasicu stavljao 10 % iznosa koji se u tom trenutku u njoj nalazio?

A. $600 \cdot 1.1^{12}$ kn	B. $2000 \cdot 1.1^{12}$ kn	C. $1400 \cdot 0.1^{12}$ kn	D. $1400 \cdot 1.1^{12}$ kn	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
--------------------------------------	---------------------------------------	---------------------------------------	---------------------------------------	--

4.5. Koji je od navedenih brojeva najveći?

A. $\frac{25!}{23!}$	B. $\binom{25}{2}$	C. $\frac{25}{2}$	D. $1 + 2 + \dots + 25$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
--------------------------------	------------------------------	-----------------------------	-----------------------------------	--

4.6. Jednakokračnom trokutu ABC kojem je $|AC| = |BC|$ i kut nasuprot osnovici 30° opisana je kružnica polumjera r . Koliko je $|AB|$?

A. $r\sqrt{2}$	B. r	C. $r\sqrt{3}$	D. $\frac{r\sqrt{3}}{2}$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
--------------------------	------------------	--------------------------	------------------------------------	--

4.7. Ako je argument kompleksnog broja φ , koliki je argument njemu konjugirano kompleksnog broja?

A. $\pi + \varphi$	B. $2\pi - \varphi$	C. $\pi - \varphi$	D. $-\varphi$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
------------------------------	-------------------------------	------------------------------	-------------------------	--

TOČAN ODGOVOR: 30 bodova

ODGOVOR „E“ : 0 bodova

OSTALO : -6 bodova

4.8. U kojem omjeru simetrala kuta α pravokutnog trokuta dijeli nasuprotnu katetu?

A. $\sin \alpha$	B. $\operatorname{tg} \alpha$	C. $\cos \alpha$	D. $\operatorname{ctg} \alpha$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
----------------------------	---	----------------------------	--	--

4.9. Odredite kosinus najmanjeg kuta trokuta ABC ako je $\overrightarrow{AB} = \vec{i} - 3\vec{j}$ i $\overrightarrow{AC} = 4\vec{i} - \vec{j}$.

A. $-\frac{9\sqrt{190}}{190}$	B. $\frac{3\sqrt{130}}{130}$	C. $\frac{10\sqrt{221}}{221}$	D. $\frac{9\sqrt{170}}{170}$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
---	--	---	--	--

4.10. Za koji su $x \in \mathbf{R}$ brojevi $\frac{1}{\sqrt{3^x}}$, $\sqrt[4]{3^3}$ i 9^{x+1} uzastopni članovi geometrijskog niza?

A. $x = \sqrt{3}$	B. $x = -\frac{5}{6}$	C. $x = -\frac{1}{2}$	D. $x = -\frac{1}{3}$	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
-----------------------------	---------------------------------	---------------------------------	---------------------------------	--

4.11. Koliko djelitelja ima broj 20 000?

A. 30	B. 26	C. 24	D. 20	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	--

4.12. U krnji stožac kojem se površine baza odnose kao 4 : 1 upisana je kugla. Kako se odnose polumjer te kugle i polumjer manje baze krnjeg stošca?

A. $\sqrt{2} : 2$	B. $\sqrt{3} : 2$	C. $\sqrt{2} : 1$	D. Nije moguće odrediti.	E. Ne želimo odgovoriti na pitanje.
-----------------------------	-----------------------------	-----------------------------	------------------------------------	--