



Zimsko kolo 2017./2018.

| | |
|-----------------------|----------|
| ŠKOLA | |
| EKIPA | |
| KATEGORIJA | A |
| POVJERENIK NATJECANJA | |

| R.B. | IME I PREZIME UČENIKA | RAZRED | IME I PREZIME MENTORA |
|------|-----------------------|--------|-----------------------|
| 1. | | | |
| 2. | | | |
| 3. | | | |
| 4. | | | |

ODGOVORI:

| 1. razred | 2. razred | 3. razred | 4. razred |
|-----------|-----------|-----------|-----------|
| 1.1. | 2.1. | 3.1. | 4.1. |
| 1.2. | 2.2. | 3.2. | 4.2. |
| 1.3. | 2.3. | 3.3. | 4.3. |
| 1.4. | 2.4. | 3.4. | 4.4. |
| 1.5. | 2.5. | 3.5. | 4.5. |
| 1.6. | 2.6. | 3.6. | 4.6. |
| 1.7. | 2.7. | 3.7. | 4.7. |
| 1.8. | 2.8. | 3.8. | 4.8. |
| 1.9. | 2.9. | 3.9. | 4.9. |
| 1.10. | 2.10. | 3.10. | 4.10. |
| 1.11. | 2.11. | 3.11. | 4.11. |
| 1.12. | 2.12. | 3.12. | 4.12. |

I ❤️ **MATematika**

www.matzelcic.com

| | | |
|----------------------------------|-------------------------------|-------------------------|
| TOČAN ODGOVOR : 10 bodova | ODGOVOR „E“ : 0 bodova | OSTALO : -2 boda |
|----------------------------------|-------------------------------|-------------------------|

1.1. Učenici su rješavali jednadžbu $2^{x^2} = 2^x$ i ustvrdili sljedeće:

- Marko: „Jednadžba ima točno jedno cjelobrojno rješenje“
- Janko: „Jednadžba ima točno jedno prirodno rješenje“
- Slavko: „Jednadžba ima bar jedno cjelobrojno rješenje“
- Mirko: „Jednadžba ima bar jedno prirodno rješenje“

Koliko je učenika u pravu?

| | | | | |
|----------------|----------------|----------------|----------------|---|
| A. 1 | B. 2 | C. 3 | D. 4 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|----------------|----------------|----------------|----------------|---|

1.2. Zbroj pet uzastopnih parnih brojeva je 150. Koliki je zbroj neparnih brojeva koji su između njih?

| | | | | |
|-----------------|------------------|------------------|------------------|---|
| A. 90 | B. 120 | C. 150 | D. 180 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|-----------------|------------------|------------------|------------------|---|

1.3. Neka je P polovište brida $\overline{AA_1}$ kvadra $ABCDA_1B_1C_1D_1$. Koliki je volumen tijela $ABCP$ u odnosu na volumen kvadra?

| | | | | |
|--------------------------|-----------------------------|------------------------------|----------------------------------|---|
| A. Duplo manji | B. Tri puta manji | C. Šest puta manji | D. Dvanaest puta manji | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--------------------------|-----------------------------|------------------------------|----------------------------------|---|

| | | |
|---------------------------------|-------------------------------|-------------------------|
| TOČAN ODGOVOR: 20 bodova | ODGOVOR „E“ : 0 bodova | OSTALO : -4 boda |
|---------------------------------|-------------------------------|-------------------------|

1.4. S koliko nula završava umnožak $1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot 50$?

| | | | | |
|----------------|-----------------|-----------------|-----------------|---|
| A. 9 | B. 10 | C. 11 | D. 12 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|----------------|-----------------|-----------------|-----------------|---|

1.5. Koliko je $1 - \frac{x-1}{x+2} \cdot \frac{x^2 + 3x + 2}{1 - 2x + x^2}$?

| | | | | |
|---------------------------|-------------|------------------------------------|---------------------------------|---|
| A. $\frac{2}{1-x}$ | B. 0 | C. $\frac{3(x+1)}{(1-x)^2}$ | D. $\frac{x+1}{(1-x)^2}$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------------------|-------------|------------------------------------|---------------------------------|---|

1.6. Izračunaj: $\frac{1}{1 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 9} + \frac{1}{9 \cdot 13} + \dots + \frac{1}{2013 \cdot 2017}$.

| | | | | |
|------------------------|-----------------------|------------------------|------------------------|------------------------------------|
| A. $\frac{2016}{2017}$ | B. $\frac{504}{2017}$ | C. $\frac{2018}{2017}$ | D. $\frac{1009}{2017}$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------------------------|-----------------------|------------------------|------------------------|------------------------------------|

1.7. Ako se stranica \overline{AC} trokuta ABC vidi iz središta tom trokutu **opisane** kružnice pod kutom od 70^0 , a stranica \overline{BC} pod kutom od 90^0 , pod kojim se kutom vidi stranica \overline{AB} trokuta ABC iz središta tom trokutu **upisane** kružnice?

| | | | | |
|---------------|---------------|--------------|---------------------------|------------------------------------|
| A. 140^0 | B. 100^0 | C. 30^0 | D. Ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------|---------------|--------------|---------------------------|------------------------------------|

TOČAN ODGOVOR: 30 bodova

ODGOVOR „E“ : 0 bodova

OSTALO : -6 bodova

1.8. Koliko cijelobrojnih parova (x, y) zadovoljava jednadžbu $4x - x^2 = y^2 + 2y$?

| | | | | |
|---------|---------|---------|---------|------------------------------------|
| A. 0 | B. 2 | C. 4 | D. 8 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------|---------|---------|---------|------------------------------------|

1.9. U vreći se nalazi 50 žetona numeriranih brojevima od 1 do 50. Koliko najmanje žetona moramo izvući kako bismo bili sigurni da na izvučenim žetonima postoje tri broja čija je aritmetička sredina cijelobrojna?

| | | | | |
|---------|---------|---------|---------|------------------------------------|
| A. 3 | B. 4 | C. 5 | D. 6 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------|---------|---------|---------|------------------------------------|

1.10. Kojom znamenkom završava umnožak 2017 faktora pri čemu je svaki faktor 333?

| | | | | |
|---------|---------|---------|---------|------------------------------------|
| A. 3 | B. 9 | C. 7 | D. 1 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------|---------|---------|---------|------------------------------------|

1.11. Polumjer pravokutnom trokutu ABC opisane kružnice je 20 cm. Središte tom trokutu opisane kružnice udaljeno je od jedne katete za 15 cm. Kolika je površina pravokutnog trokuta ABC ?

| | | | | |
|------------------------------|--------------------|---------------------|---------------------------|------------------------------------|
| A. $\frac{75\sqrt{7}}{2}$ | B. $75\sqrt{7}$ | C. $150\sqrt{7}$ | D. ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------------------------------|--------------------|---------------------|---------------------------|------------------------------------|

1.12. Za skupove A , B i C vrijedi: $A \cup B \cup C = \{x: x \in \mathbb{N}, x < 9\}$, $A \cap B \cap C = \{1, 5\}$, $C \setminus (A \cup B) = \{2, 4\}$, $A \cap (C \setminus B) = \emptyset$ i $B \cup C = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 8\}$. Koja od navedenih tvrdnji **ne mora biti točna**?

| | | | | |
|--------------------|-----------------|--------------------|------------------------|------------------------------------|
| A. $ A \leq 6$ | B. $ B = 5$ | C. $ C \geq 4$ | D. $ A \cup C = 5$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--------------------|-----------------|--------------------|------------------------|------------------------------------|

| | | |
|----------------------------------|-------------------------------|-------------------------|
| TOČAN ODGOVOR : 10 bodova | ODGOVOR „E“ : 0 bodova | OSTALO : -2 boda |
|----------------------------------|-------------------------------|-------------------------|

2.1. Koji od kompleksnih brojeva $z_1 = 1+i$, $z_2 = 1+2i$, $z_3 = 3i$ je najveći?

| | | | | |
|-------------------|--------------------|------------------|--------------------------|------------------------------------|
| A. $z_1 = 1+i$ | B. $z_2 = 1+2i$ | C. $z_3 = 3i$ | D. ne postoji najveći | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|-------------------|--------------------|------------------|--------------------------|------------------------------------|

2.2. Za različite pozitivne brojeve a_1 , a_2 i a_3 definirane su sredine: aritmetička $A_3 = \frac{a_1 + a_2 + a_3}{3}$, geometrijska

$G_3 = \sqrt[3]{a_1 \cdot a_2 \cdot a_3}$, harmonijska $H_3 = \frac{3}{\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_3}}$ i kvadratna $K_3 = \sqrt{\frac{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2}{3}}$. Koja je od njih najmanja?

| | | | | |
|-------------------|--------------------|-------------------|-----------------|------------------------------------|
| A. Aritmetička | B. Geometrijska | C. Harmonijska | D. Kvadratna | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|-------------------|--------------------|-------------------|-----------------|------------------------------------|

2.3. Središnji kut nad tetivom \overline{AB} dane kružnice je 100° . Koliki je kut što ga tangenta na tu kružnicu u točki B zatvara s tetivom \overline{AB} ?

| | | | | |
|------------------|------------------|------------------|---------------------------|------------------------------------|
| A. 40° | B. 45° | C. 50° | D. ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------------------|------------------|------------------|---------------------------|------------------------------------|

| | | |
|---------------------------------|-------------------------------|-------------------------|
| TOČAN ODGOVOR: 20 bodova | ODGOVOR „E“ : 0 bodova | OSTALO : -4 boda |
|---------------------------------|-------------------------------|-------------------------|

2.4. Kolika je površina skupa određenog uvjetima $|z| < 2$ i $|z-1| \geq |z-2-i|$?

| | | | | |
|-----------------|---------------------------|------------------|-----------------|------------------------------------|
| A. $\pi - 2$ | B. $\frac{\pi}{2} - 2$ | C. $3\pi + 2$ | D. $\pi - 4$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|-----------------|---------------------------|------------------|-----------------|------------------------------------|

2.5. Koliko rješenja ima jednadžba $\sqrt{x^2 - 4x + 4} + \sqrt{x^2 + 2x + 1} = 2x$?

| | | | | |
|---------|---------|---------|---------|------------------------------------|
| A. 0 | B. 1 | C. 2 | D. 3 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------|---------|---------|---------|------------------------------------|

2.6. Maratonac je trčao od jednog kraja grada do drugog i natrag 3 sata i 20 minuta. Prosječna brzina u jednom smjeru mu je bila 10 km/h, a u drugom 8 km/h. Koliki je put pretrčao maratonac?

| | | | | |
|--------------------|----------------------------------|----------------------------------|--------------------|---|
| A. 30 km | B. $\frac{800}{27}$ km | C. $\frac{400}{27}$ km | D. 15 km | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--------------------|----------------------------------|----------------------------------|--------------------|---|

2.7. U konačnom nizu MATLIGAMAT...MATLIGA prebrišemo sva slova na parnim mjestima, zatim opet na dobivenom nizu prebrišemo sva slova na parnim mjestima i postupak ponavljamo dok ne ostane napisano samo jedno slovo. Koje je to slovo?

| | | | | |
|----------------|----------------|----------------|----------------|---|
| A. M | B. T | C. I | D. A | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|----------------|----------------|----------------|----------------|---|

TOČAN ODGOVOR: 30 bodova**ODGOVOR „E“ : 0 bodova****OSTALO : -6 bodova**

2.8. Za koji realan parametar a su rješenja jednadžbe $x^2 - (2a+1)x - (2a+1)(a-1) = 0$ realna, različita i nenegativna?

| | | | | |
|--|---|----------------------------------|---|---|
| A. $\left\langle \frac{1}{2}, 1 \right]$ | B. $\left\langle -\frac{1}{2}, 1 \right\rangle$ | C. $[-\frac{1}{2}, 1]$ | D. $\left\langle -\frac{1}{2}, 1 \right]$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--|---|----------------------------------|---|---|

2.9. Koliko postoji cijelih brojeva n za koje je $\frac{n-1}{2n+3}$ također cijeli broj?

| | | | | |
|----------------|----------------|----------------|----------------|---|
| A. 0 | B. 1 | C. 2 | D. 4 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|----------------|----------------|----------------|----------------|---|

2.10. Broj 12321 je palindrom – čitan s desna na lijevo daje isti broj kao s lijeva na desno. Koliko peteroznamenkastih palindroma postoji?

| | | | | |
|------------------|------------------|-------------------|------------------|---|
| A. 729 | B. 900 | C. 1000 | D. 648 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------------------|------------------|-------------------|------------------|---|

2.11. Tri kruga radijusa r međusobno se dodiruju izvana i zatvaraju dio ravnine. Koliki je polumjer četvrtog kruga u tom dijelu ravnine koji dane krugove dira izvana?

| | | | | |
|---------------------------------------|--------------------------------------|---------------------------------------|-----------------------------|---|
| A. $\frac{2\sqrt{3}-3}{3}r$ | B. $\frac{\sqrt{3}-3}{3}r$ | C. $\frac{2\sqrt{3}-3}{6}r$ | D. $\frac{1}{3}r$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------------------------------|--------------------------------------|---------------------------------------|-----------------------------|---|

2.12. Nepoznate znamenke broja $9 * 306 * 2 * 8 *$ treba zamijeniti različitim znamenkama 1, 4, 5 i 7. Na koliko je to načina moguće napraviti tako da dobiveni broj bude djeljiv sa 198?

| | | | | |
|----------------|----------------|----------------|-----------------|---|
| A. 0 | B. 3 | C. 6 | D. 24 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|----------------|----------------|----------------|-----------------|---|

| | | |
|----------------------------------|-------------------------------|-------------------------|
| TOČAN ODGOVOR : 10 bodova | ODGOVOR „E“ : 0 bodova | OSTALO : -2 boda |
|----------------------------------|-------------------------------|-------------------------|

3.1. Što je ekvivalentno s $x^2 < 4$?

| | | | | |
|---------------|-------------------|----------------------------|--------------------------|------------------------------------|
| A. $x < 2$ | B. $x < \pm 2$ | C. $x > -2$ ili $x < 2$ | D. $x > -2$ i $x < 2$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------|-------------------|----------------------------|--------------------------|------------------------------------|

3.2. Koliko je $\sin 15^\circ$?

| | | | | |
|---------------------------------------|--|-----------------------------|---------------------------------------|------------------------------------|
| A. $\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$ | B. $-\frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{2}$ | C. $-\frac{\sqrt{3}}{4}$ | D. $\frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{2}$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------------------------------|--|-----------------------------|---------------------------------------|------------------------------------|

3.3. Koliki je temeljni period funkcije $f(x) = \left| 3 \sin \left(\frac{x}{2} - \frac{\pi}{6} \right) \right|$?

| | | | | |
|-------------|--------------|--------------|--------------|------------------------------------|
| A. π | B. 2π | C. 3π | D. 4π | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|-------------|--------------|--------------|--------------|------------------------------------|

| | | |
|---------------------------------|-------------------------------|-------------------------|
| TOČAN ODGOVOR: 20 bodova | ODGOVOR „E“ : 0 bodova | OSTALO : -4 boda |
|---------------------------------|-------------------------------|-------------------------|

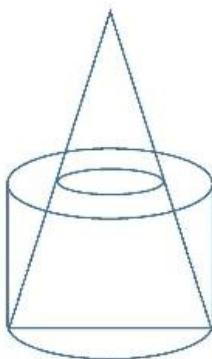
3.4. Koliko rješenja ima jednadžba $\sin \left| \frac{\pi x}{2} \right| = \left| \log |x| \right|$?

| | | | | |
|----------|----------|---------|---------|------------------------------------|
| A. 12 | B. 10 | C. 6 | D. 5 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|----------|----------|---------|---------|------------------------------------|

3.5. Od svih kružnih isječaka opsega a , nađi onaj s najvećom površinom. Koliki je njegov polumjer?

| | | | | |
|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------------|------------------------------------|
| A. $\frac{a}{3}$ | B. $\frac{a}{2}$ | C. $\frac{a}{4}$ | D. ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------------|------------------------------------|

3.6. Uspravni kružni stožac uronjen je u čašu punu vode oblika valjka iste baze do polovice svoje visine tako da mu vrh bude izvan čaše. Kolika količina vode je pri tome iscurila iz čaše, ako je u njoj bilo 6 dl vode? (slika na drugoj strani)



| | | | | |
|---------------------|---------------------|----------------------|----------------------|---|
| A. 2.5 dl | B. 3.5 dl | C. 0.25 dl | D. 1.75 dl | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------------|---------------------|----------------------|----------------------|---|

3.7. Kojim eksponentom treba potencirati 9^9 da bi dobili 27^{27} ?

| | | | | |
|------------------|----------------|----------------|--------------------------|---|
| A. 4.5 | B. 3 | C. 9 | D. $\log_9 27$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------------------|----------------|----------------|--------------------------|---|

TOČAN ODGOVOR: 30 bodova

ODGOVOR „E“ : 0 bodova

OSTALO : -6 bodova

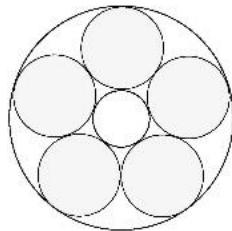
3.8. Zadana je trojka brojeva $(3, 10, 23)$. Provodimo sljedeći postupak: biramo dva broja a_i i a_k ($i \neq j$) te ih zamijenimo s $a_i + 21$, $a_j - 7$. Koja od navedenih trojki brojeva se ne može dobiti uzastopnim ponavljanjem opisanog postupka?

| | | | | |
|-----------------------------|-----------------------------|----------------------------|-----------------------------|---|
| A. (-4, -18, 128) | B. (-60, 199, 23) | C. (-4, 65, 170) | D. (-32, 66, 128) | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|-----------------------------|-----------------------------|----------------------------|-----------------------------|---|

3.9. Koliki je ostatak r pri dijeljenju polinoma $f(x) = 50x^{50} + 49x^{49} + \dots + 2x^2 + x$ polinomom $g(x) = x - 1$?

| | | | | |
|-------------------|-----------------|-----------------|----------------------------------|---|
| A. 1275 | B. 50 | C. 25 | D. ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|-------------------|-----------------|-----------------|----------------------------------|---|

3.10. Pet kružnica polumjera r međusobno se dodiruju kao na slici. Nađi zbroj polumjera njima opisane i upisane kružnice.



| | | | | |
|------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|------------------------------------|
| A. $\frac{r}{\sin 36^\circ}$ | B. $\frac{2r}{\sin 36^\circ}$ | C. $\frac{r}{2\cos 36^\circ}$ | D. $\frac{r}{2\sin 72^\circ}$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|------------------------------------|

3.11. U kojem intervalu se nalazi rješenje jednadžbe $x^{\log 5} + 120 = 5^{\log x+2}$?

| | | | | |
|--------------------------|---------------------------|-----------------------------|------------------------------|------------------------------------|
| A. $\langle 0,5 \rangle$ | B. $\langle 5,15 \rangle$ | C. $\langle 15,125 \rangle$ | D. $\langle 125,500 \rangle$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--------------------------|---------------------------|-----------------------------|------------------------------|------------------------------------|

3.12. Koliko cijelobrojnih rješenja ima jednadžba $x^2 + y^2 - 6z = 9$?

| | | | | |
|------|------|---------------|------|------------------------------------|
| A. 0 | B. 2 | C. beskonačno | D. 6 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------|------|---------------|------|------------------------------------|

TOČAN ODGOVOR : 10 bodova**ODGOVOR „E“ : 0 bodova****OSTALO : -2 boda**

4.1. Koliki je ostatak pri dijeljenju broja $1!+2!+3!+\dots+50!$ sa 7?

| | | | | |
|----------------|----------------|----------------|----------------|---|
| A. 0 | B. 5 | C. 3 | D. 6 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|----------------|----------------|----------------|----------------|---|

4.2. Koji od kompleksnih brojeva $z_1 = 3+i$, $z_2 = 3\left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}\right)$ i $z_3 = 5\left(\cos \frac{13\pi}{4} - i \sin \frac{15\pi}{4}\right)$ ima najveći argument?

| | | | | |
|--------------------|--------------------|--------------------|-------------------------------|---|
| A. z_1 | B. z_2 | C. z_3 | D. ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--------------------|--------------------|--------------------|-------------------------------|---|

4.3. Skup svih točaka ravnine kojima je zbroj udaljenosti od točaka $(-3,0)$ i $(3,0)$ jednak 10 je:

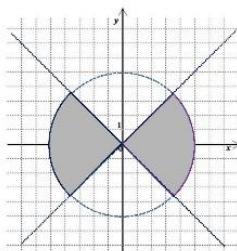
| | | | | |
|--------------------------------------|--|---|---|---|
| A. kružnica polumjera 5 | B. elipsa s glavnom osi 5 | C. hiperbola s glavnom osi 5 | D. elipsa s glavnom osi 10 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--------------------------------------|--|---|---|---|

TOČAN ODGOVOR: 20 bodova**ODGOVOR „E“ : 0 bodova****OSTALO : -4 boda**

4.4. Dva vrha jednakostraničnog trokuta duljine stranice 4 leže u fokusima elipse $b^2x^2 + a^2y^2 = a^2b^2$, a jedan vrh u njezinom tjemenu. Kolika je mala os te elipse?

| | | | | |
|--------------------------|--------------------------|-----------------|----------------|---|
| A. $2\sqrt{3}$ | B. $4\sqrt{3}$ | C. 12 | D. 6 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--------------------------|--------------------------|-----------------|----------------|---|

4.5. Skup svih kompleksnih brojeva na slici zadani je svojstvom:



| | | | | |
|---|--|---|--|---|
| A. $ z \leq 5$ i $-\frac{\pi}{4} \leq \arg z \leq \frac{\pi}{4}$ | B. $ z \leq 5$ i $ \operatorname{tg}(\arg z) \leq 1$ | C. $z^2 \leq 25$ i $ \operatorname{tg}(\arg z) \leq 1$ | D. $ z \leq 5$ i $\operatorname{tg}(\arg z) \leq 1$ | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---|--|---|--|---|

4.6. Najkraća izvodnica kosog stočca jednaka je dijametru baze $2r$, dok najdulja izvodnica zatvara s ravninom baze kut 30° . Koliki je volumen stočca?

| | | | | |
|---------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|------------------------|------------------------------------|
| A. $\frac{\sqrt{3}}{3} r^3 \pi$ | B. $\frac{\sqrt{3}}{2} r^3 \pi$ | C. $\frac{\sqrt{3}}{6} r^3 \pi$ | D. ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|------------------------|------------------------------------|

4.7. Koliko točaka s cijelobrojnim koordinatama zadovoljava nejednakosti $|x|+y>0$ i $(x-1)^2+(y+1)^2\leq 2$?

| | | | | |
|------|------|------|------|------------------------------------|
| A. 6 | B. 9 | C. 2 | D. 3 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------|------|------|------|------------------------------------|

TOČAN ODGOVOR: 30 bodova **ODGOVOR „E“ : 0 bodova** **OSTALO : -6 bodova**

4.8. Koliko je $\binom{2017}{0} + \binom{2017}{1} + \binom{2017}{2} + \dots + \binom{2017}{1007} + \binom{2017}{1008}$?

| | | | | |
|---------------|---------------|---------------|------------------------|------------------------------------|
| A. 2^{2017} | B. 2^{1008} | C. 2^{2016} | D. ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|---------------|---------------|---------------|------------------------|------------------------------------|

4.9. Koliko je $1 \cdot 3 + 2 \cdot 4 + 3 \cdot 5 + \dots + 58 \cdot 60 + 59 \cdot 61$?

| | | | | |
|-----------|-----------|------------|------------|------------------------------------|
| A. 73 750 | B. 73 810 | C. 141 600 | D. 146 400 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|-----------|-----------|------------|------------|------------------------------------|

4.10. Koliko uređenih parova (x, y) zadovoljava sustav $4\sin x \cos y = 3$, $4\cos x \sin y = -1$, $x, y \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$?

| | | | | |
|------|------|------|---------------|------------------------------------|
| A. 0 | B. 1 | C. 2 | D. beskonačno | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|------|------|------|---------------|------------------------------------|

4.11. Ako se zna da je jedno rješenje jednadžbe $z^3 + z^2(2i-7) + z(31-5i) - 42 + 2i = 0$ realno, u kojem intervalu se nalazi?

| | | | | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------|------------------------|------------------------------------|
| A. $\langle -3, 0 \rangle$ | B. $\langle -1, 1 \rangle$ | C. $\langle 1, 3 \rangle$ | D. ne može se odrediti | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|----------------------------|----------------------------|---------------------------|------------------------|------------------------------------|

4.12. Odredi zbroj svih peteroznamenkastih brojeva kojima su sve znamenke različite i koji su zapisani samo znamenkama 1, 3, 5, 7 i 9.

| | | | | |
|--------------|--------------|--------------|------------|------------------------------------|
| A. 5 555 500 | B. 1 388 875 | C. 6 666 600 | D. 277 775 | E. ne želimo odgovoriti na pitanje |
|--------------|--------------|--------------|------------|------------------------------------|