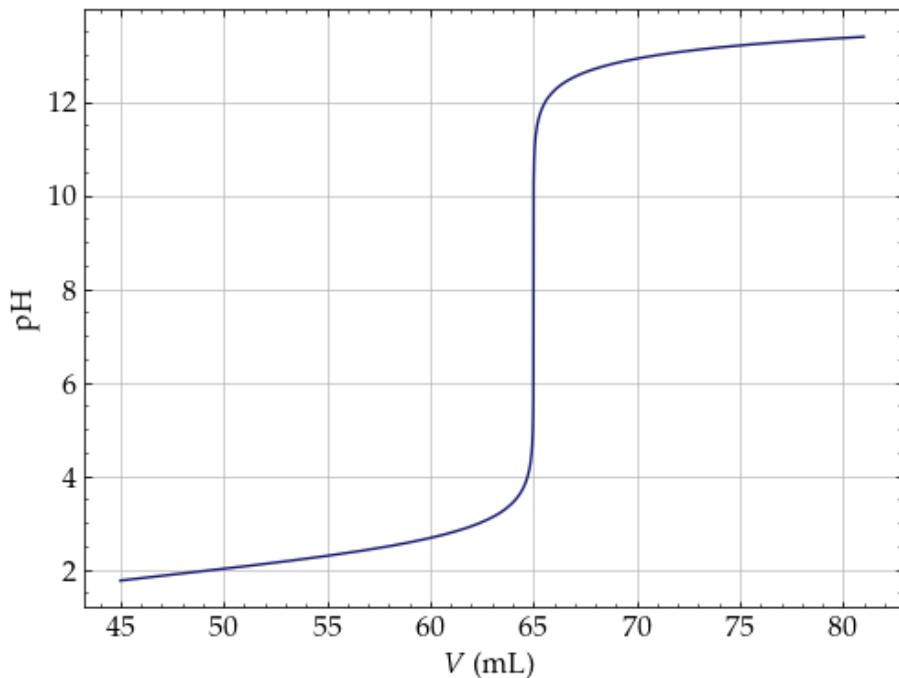




Zimsko kolo 2022./2023.

M – F - K

M-F-K. 4.r. Vodena otopina sumporne kiseline stavljena je u cilindričnu cijev radijusa 2 cm. Cijev je postavljena horizontalno na stol te su na oba kraja postavljene elektrode između kojih je nametnuta konstantna razlika potencijala zbog čega dolazi do toka električne struje. Koncentracija otopine u cijevi određena je metodom titracije pomoću koncentrirane natrijeve lužine koncentracije 2 mol L^{-1} , pri čemu je korišten uzorak od 50 mL. Titracijska je krivulja prikazana na grafu. Poznato je da su srednje brzine pozitivnih iona u otopini $0,23 \text{ mm s}^{-1}$, a negativnih $0,1 \text{ mm s}^{-1}$. Koliki je ukupni iznos jakosti električne struje kroz cijev? Pretpostavite da sumporna kiselina u potpunosti disocira u vodi.



A. 40,92 mA	B. 67,68 mA	C. 88,15 mA	D. 103,89	E. ne želimo odgovoriti na pitanje
----------------	----------------	----------------	--------------	------------------------------------

Rješenje:

$$c(\text{NaOH}) = 2 \text{ mol L}^{-1}$$

$$V(\text{uzorak}) = 50 \text{ mL}$$

$$V(\text{NaOH}) = ?$$

$$c(\text{H}_2\text{SO}_4) = ?$$

$$r = 2 \text{ cm} = 0,02 \text{ m}$$

$$v^+ = 0,23 \mu\text{m s}^{-1}$$

$$v^- = 0,1 \mu\text{m s}^{-1}$$

$$I = ?$$

Iz titracijske krivulje možemo odrediti volumen natrijeve lužine korištene za neutralizaciju uzorka otopine sumporne kiseline. U trenutku kada je uzorak postao neutralan, sva je sumporna kiselina reagirala s natrijevom lužinom. pH neutralne otopine iznosi 7, stoga je volumen natrijeve lužine $V(\text{NaOH}) = 65 \text{ mL}$.

Jednadžba kemijske reakcije neutralizacije jest: $\text{H}_2\text{SO}_4 + 2\text{NaOH} \rightarrow \text{Na}_2\text{SO}_4 + 2\text{H}_2\text{O}$.

Iz gornje kemijske jednadžbe možemo pisati omjer množina potrebnih za potpunu neutralizaciju.

$$\frac{n(\text{H}_2\text{SO}_4)}{n(\text{NaOH})} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow n(\text{H}_2\text{SO}_4) = \frac{1}{2}n(\text{NaOH})$$

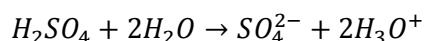
Množinu pojedine tvari možemo izraziti preko koncentracije i volumena otopine $n = cV$, dakle, vrijedi sljedeći izraz.

$$c(\text{H}_2\text{SO}_4) \cdot V(\text{uzorak}) = \frac{1}{2}c(\text{NaOH}) \cdot V(\text{NaOH})$$

$$c(\text{H}_2\text{SO}_4) = \frac{1}{2}c(\text{NaOH}) \cdot \frac{V(\text{NaOH})}{V(\text{uzorak})} = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{65}{50} \text{ mol L}^{-1} = 1,3 \text{ mol L}^{-1} = 1300 \text{ mol m}^{-3}$$

Općenita formula za jakost struje glasi $I = n_{br} \cdot q \cdot S \cdot v$, gdje su n_{br} , q , S , v redom brojevna gustoća naboja, iznos naboja, površina poprečnog presjeke i brzina naboja.

U našoj otopini imamo dvije vrste naboja čiji omjer možemo izračunati iz jednadžbe disocijacije:



Vrijede sljedeći omjeri množina.

$$\begin{aligned} n(\text{SO}_4^{2-}) &= n(\text{H}_2\text{SO}_4) \\ n(\text{H}_3\text{O}^+) &= 2n(\text{H}_2\text{SO}_4) \end{aligned}$$

Brojevne gustoće pojedinih naboja možemo dobiti na sljedeći način.

$$n_{br} = \frac{N}{V} = \frac{n \cdot N_A}{V} = c \cdot N_A$$

Dakle, brojevne gustoće naših iona su:

$$n_{br}(\text{SO}_4^{2-}) = c(\text{SO}_4^{2-}) \cdot N_A = c(\text{H}_2\text{SO}_4) \cdot N_A$$

$$n_{br}(\text{H}_3\text{O}^+) = c(\text{H}_3\text{O}^+) \cdot N_A = 2c(\text{H}_2\text{SO}_4) \cdot N_A$$

Ukupnu struju možemo razmatrati kao dvije struje – struju pozitivnih i struju negativnih iona. Negativni se ioni kreću u suprotnom smjeru od pozitivnih pod utjecajem jednakog napona, no budući da imaju upravo suprotni nabolj, dvije se struje zbrajaju. Uz to, treba još uzeti u obzir da naši negativni ioni imaju duplo manji nabolj od pozitivnih, odnosno, nabolj sulfatnih iona je $2e$, a nabolj oksonijevih e . Možemo pisati sljedeći izraz za ukupnu struju.

$$I = c(H_2SO_4) \cdot N_A \cdot 2e \cdot r^2\pi \cdot v^+ + 2c(H_2SO_4) \cdot N_A \cdot e \cdot r^2\pi \cdot v^-$$

$$I = 2c(H_2SO_4) \cdot N_A \cdot e \cdot r^2\pi(v^+ + v^-)$$

$$I = 2 \cdot 1300 \cdot 6,022 \cdot 10^{23} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 0,02^2 \cdot \pi \cdot (0,23 + 0,1) \cdot 10^{-6} \text{ A} = 0,103886 \text{ A} = 103,89 \text{ mA}$$

Točan odgovor je **D**.